

---

**ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО  
ПО ТЕХНИЧЕСКОМУ РЕГУЛИРОВАНИЮ И МЕТРОЛОГИИ**

---



**РЕКОМЕНДАЦИИ ПО  
СТАНДАРТИЗАЦИИ**

**Р 50.1.113**

**—**

**2016**

---

**Информационная технология**

**КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ**

**Криптографические алгоритмы, сопутствующие  
применению алгоритмов электронной цифровой  
подписи и функции хэширования**

**Издание официальное**



**Москва  
Стандартинформ**

**2016**

## Предисловие

1 РАЗРАБОТАНЫ подкомитетом № 1 Технического комитета по стандартизации ТК 26 «Криптографическая защита информации»

2 ВНЕСЕНЫ Техническим комитетом по стандартизации ТК 26 «Криптографическая защита информации»

3 УТВЕРЖДЕНЫ И ВВЕДЕНЫ В ДЕЙСТВИЕ Приказом Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии от 28.11.2016 г. № 1828-ст

4 ВВЕДЕНЫ ВПЕРВЫЕ

*Правила применения настоящих рекомендаций установлены в статье 26 Федерального закона «О стандартизации в Российской Федерации». Информация об изменениях к настоящим рекомендациям публикуется в ежегодном (по состоянию на 1 января текущего года) информационном указателе «Национальные стандарты», а официальный текст изменений и поправок – в ежемесячном информационном указателе «Национальные стандарты». В случае пересмотра (замены) или отмены настоящих рекомендаций соответствующее уведомление будет опубликовано в ближайшем выпуске ежемесячного информационного указателя «Национальные стандарты». Соответствующая информация, уведомление и тексты размещаются также в информационной системе общего пользования – на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет ([www.gost.ru](http://www.gost.ru))*

© Стандартиформ, 2016

Настоящие рекомендации не могут быть воспроизведены, тиражированы и распространены в качестве официального издания без разрешения Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии

## Содержание

1 Область применения.....	1
2 Нормативные ссылки .....	1
3 Термины, определения и обозначения .....	2
3.1 Термины и определения .....	2
3.2 Обозначения .....	2
4 Описание алгоритмов .....	3
4.1 Алгоритмы HMAC .....	4
4.2 Псевдослучайные функции .....	5
4.3 Алгоритмы согласования ключей VKO.....	8
4.4 Алгоритм диверсификации KDF_GOSTR3411_2012_256 .....	10
4.5 Алгоритм диверсификации KDF_TREE_GOSTR3411_2012_256.....	11
4.6 Экспорт и импорт ключей .....	12
Приложение А (справочное) Контрольные примеры .....	14
Библиография .....	23

## Введение

Использование национальных криптографических алгоритмов, определенных ГОСТ Р 34.10 и ГОСТ Р 34.11, в средствах защиты информации осуществляют, как правило, в рамках криптографических протоколов, базирующихся на сопутствующих алгоритмах.

Настоящие рекомендации содержат описания сопутствующих алгоритмов, предназначенных для определения псевдослучайных функций протоколов, функций преобразования ключей, согласования ключей по протоколу Диффи-Хеллмана и экспорта ключевого материала.

Необходимость разработки настоящих рекомендаций вызвана потребностью в обеспечении совместимости криптографических протоколов различных производителей, использующих алгоритмы ГОСТ Р 34.10 и ГОСТ Р 34.11.

**Примечание** – Основная часть настоящих рекомендаций дополнена приложением А.

# РЕКОМЕНДАЦИИ ПО СТАНДАРТИЗАЦИИ

---

## Информационная технология

### КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ

#### Криптографические алгоритмы, сопутствующие применению алгоритмов электронной цифровой подписи и функции хэширования

---

Дата введения — 2017—06—01

## 1 Область применения

Настоящие рекомендации предназначены для применения в информационных системах, использующих механизмы шифрования и защиты аутентичности данных, с использованием алгоритмов электронной (цифровой) подписи по ГОСТ Р 34.10 и функции хэширования по ГОСТ Р 34.11 в общедоступных и корпоративных сетях для защиты информации, не содержащей сведений, составляющих государственную тайну.

## 2 Нормативные ссылки

В настоящих рекомендациях использованы нормативные ссылки на следующие стандарты:

ГОСТ Р 34.10–2012 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Процессы формирования и проверки электронной цифровой подписи

ГОСТ Р 34.11–2012 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Функция хэширования

**П р и м е ч а н и е** – При пользовании настоящими рекомендациями целесообразно проверить действие ссылочных стандартов (рекомендаций) в информационной системе общего пользования – на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет или по ежегодному информационному указателю «Национальные стандарты», который опубликован по состоянию на 1 января текущего года, и по выпускам ежемесячного информационного указателя «Национальные стандарты» за текущий год. Если заменен ссылочный стандарт (рекомендации), на который дана недатированная ссылка, то рекомендуется использовать действующую версию этого стандарта

(рекомендаций) с учетом всех внесенных в данную версию изменений. Если заменен ссылочный стандарт (рекомендации), на который дана датированная ссылка, то рекомендуется использовать версию этого стандарта (рекомендаций) с указанным выше годом утверждения (принятия). Если после утверждения настоящих рекомендаций в ссылочный стандарт (рекомендации), на который дана датированная ссылка, внесено изменение, затрагивающее положение, на которое дана ссылка, то это положение рекомендуется применять без учета данного изменения. Если ссылочный стандарт (рекомендации) отменен без замены, то положение, в котором дана ссылка на него, применяется в части, не затрагивающей эту ссылку.

## 3 Термины, определения и обозначения

### 3.1 Термины и определения

В настоящих рекомендациях применены следующие термины с соответствующими определениями:

**3.1.1 код аутентификации сообщения на основе хэш-функции HMAC:** Механизм обеспечения аутентичности информации на основе симметричного ключа, построенный с использованием хэш-функции.

**3.1.2 ключ  $K$ :** Произвольный элемент из  $V_n$ , если  $K \in V_n$ , то его длина равна  $n$  бит, где  $n$  может быть произвольным натуральным числом.

**3.1.3 псевдослучайная функция PRF:** Отображение, позволяющее вырабатывать псевдослучайные последовательности байтов.

**3.1.4 функция диверсификации KDF:** Отображение, позволяющее порождать производные ключи и ключевой материал по корневому ключу и произвольным данным с использованием псевдослучайной функции.

**3.1.5 выработка ключей обмена VKO:** Алгоритм согласования ключей (основан на алгоритме Диффи-Хеллмана и некоторой хэш-функции).

**3.1.6 битовое представление:** Для элемента  $W = (w^0, w^1, \dots, w^{r-1})$ ,  $W \in V_8^r$ , битовым представлением называют вектор  $(w_{8r-1}, w_{8r-2}, \dots, w_1, w_0) \in V_{8r}$ , где  $w^0 = (w_7, w_6, \dots, w_0)$ ,  $w^1 = (w_{15}, w_{14}, \dots, w_8)$ ,  $\dots$ ,  $w^{r-1} = (w_{8r-1}, w_{8r-2}, \dots, w_{8r-8})$  являются элементами пространства  $V_8$ .

**3.1.7 байтовое представление:** Если  $n$  кратно 8,  $r = n/8$ , то байтовым представлением элемента  $W = (w_{n-1}, w_{n-2}, \dots, w_0)$ ,  $W \in V_n$ , называют байтовый вектор  $(w^0, w^1, \dots, w^{r-1}) \in V_8^r$ , где  $w^0 = (w_7, w_6, \dots, w_0)$ ,  $w^1 = (w_{15}, w_{14}, \dots, w_8)$ ,  $\dots$ ,  $w^{r-1} = (w_{8r-1}, w_{8r-2}, \dots, w_{8r-8})$  являются элементами пространства  $V_8$ .

### 3.2 Обозначения

В настоящих рекомендациях использованы следующие обозначения:

$\oplus$	— операция покомпонентного сложения по модулю 2 двух двоичных строк одинаковой длины;
$V_n$	— конечномерное векторное пространство над $GF(2)$ размерности $n$ с операцией сложения $\oplus$ ; при $n$ равном 0 пространство $V_0$ состоит из единственного пустого элемента длины 0; если $U$ – элемент $V_n$ , то в битовом представлении $U = (u_{n-1}, u_{n-2}, \dots, u_1, u_0)$ , $u_i \in \{0,1\}$ ;
$V_8^r$	— множество байтовых векторов длины $r$ , $r \geq 0$ ; при $n = 0$ пространство $V_0$ состоит из единственного пустого элемента длины 0; если $W$ – элемент $V_8^r$ , $r > 0$ , то в байтовом представлении $W = (w^0, w^1, \dots, w^{r-1})$ , где $w^0, w^1, \dots, w^{r-1}$ принадлежат пространству $V_8$ ;
$A B$	— конкатенация байтовых векторов $A$ и $B$ ; если $A = (a^0, a^1, \dots, a^{r_1-1})$ , $A \in V_8^{r_1}$ , $B = (b^0, b^1, \dots, b^{r_2-1})$ , $B \in V_8^{r_2}$ , то $A B = (a^0, a^1, \dots, a^{r_1-1}, b^0, b^1, \dots, b^{r_2-1})$ , $A B \in V_8^{r_1+r_2}$ ;
$H_{256}$	— хэш-функция $H$ с длиной выхода, равной 256 битам, определенная в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8);
$H_{512}$	— хэш-функция $H$ с длиной выхода, равной 256 битам, определенная в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8).

## 4 Описание алгоритмов

Возможные значения аргументов функций в представленных алгоритмах ограничиваются допустимостью их использования в качестве входных параметров преобразований и присваиваются в протоколах.

Для выработки байтовой последовательности длины  $r$  с помощью функций, вырабатывающих последовательности большей длины, необходимо взять из выходной последовательности  $r$  первых байтов. Это замечание относится к следующим функциям, описанным в настоящих рекомендациях:

- функции, описанные в 4.2;
- алгоритм диверсификации KDF\_TREE\_GOSTR3411\_2012\_256, описанный в 4.5.

Далее все данные (элементы пространства  $V_n$ ), если явно не указано иное, считают приведенными в байтовом представлении.

Если используемая функция определена вне настоящего документа (например,  $H_{256}$ ) и ее определение использует аргументы в битовом представлении, то подразумевается, что битовое представление аргументов формируется непосредственно перед вычислением функции (в частности, только после применения операции «|» к байтовому представлению аргументов).

Если в качестве аргумента определяемых ниже функций использовано выходное значение другой функции, которая определена вне настоящих рекомендаций и имеет

выходные значение в битовом представлении, то подразумевается, что выходное значение перед подстановкой в аргументы переведено в байтовое представление.

## 4.1 Алгоритмы HMAC

В настоящем подразделе определены алгоритмы вычисления кода аутентификации сообщения HMAC на основе хэш-функции  $H$ , определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8) с различными длинами выходных значений.

### 4.1.1 HMAC\_GOSTR3411\_2012\_256

Алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_256 предназначен для вычисления кода аутентификации сообщения HMAC на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 256 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), и имеет следующий идентификатор:

`id-tc26-HMAC-gost-3411-12-256, «1.2.643.7.1.1.4.1».`

Результатом работы данного алгоритма является значение функции  $HMAC_{256}(K, T)$ , вычисление которой для данных  $T$  произвольной длины на ключе  $K$  длины  $n$  бит состоит в формировании байтовой строки  $K^*$  длины 64 байта и выполнении преобразований над  $K^*$  и данными  $T$  с использованием хэш-функции  $H_{256}$ .

Допускаются любые значения длины  $n$  из интервала от 256 до 512.

Для формирования ключа  $K^*$  при  $n < 512$  следует положить строку  $K^*$  равной байтовому представлению битовой строки  $K|A$ , где  $A = (0, 0, \dots, 0) \in V_{512-n}$ ; если  $n = 512$ , положить  $K^*$  равной байтовому представлению  $K$ . Значение  $HMAC_{256}(K, T)$  определено выражением:

$$HMAC_{256}(K, T) = H_{256}(K^* \oplus opad | H_{256}(K^* \oplus ipad | T)), \quad (1)$$

где в байтовом представлении

$$\begin{aligned} ipad &= (0x36 | 0x36 | \dots | 0x36) \in V_8^{64}, \\ opad &= (0x5C | 0x5C | \dots | 0x5C) \in V_8^{64}. \end{aligned}$$

Данный алгоритм использует  $H_{256}$  в качестве хэш-функции в конструкции HMAC, описанной в [1]. Указанный способ формирования  $ipad$  и  $opad$  также приведен в [1]. Длина выхода  $HMAC_{256}$  равна 32 байтам, длина блока итерационной процедуры функции сжатия для  $H_{256}$  равна 64 байтам (в обозначениях [1]:  $L = 32, B = 64$ ).

### 4.1.2 HMAC\_GOSTR3411\_2012\_512

Алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_512 предназначен для вычисления кода аутентификации сообщения HMAC на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной

512 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), и имеет следующий идентификатор:

*id-tc26-HMAC-gost-3411-12-512* , «1.2.643.7.1.1.4.2».

Результатом работы данного алгоритма является значение функции  $HMAC_{512}(K, T)$ , вычисление которой для данных  $T$  произвольной длины на ключе  $K$  длины  $n$  бит состоит в формировании байтовой строки  $K^*$  длины 64 байта и выполнении преобразований над  $K^*$  и данными  $T$  с использованием хэш-функции  $H_{512}$ .

Допускаются любые значения длины  $n$  из интервала от 256 до 512. Рекомендуется использовать значение  $n$ , равное 512.

Для формирования ключа  $K^*$  при  $n < 512$  следует положить строку  $K^*$  равной байтовому представлению битовой строки  $K|A$ , где  $A = (0, 0, \dots, 0) \in V_{512-n}$ ; если  $n = 512$ , положить  $K^*$  равной байтовому представлению  $K$ . Значение  $HMAC_{512}(K, T)$  определено выражением:

$$HMAC_{512}(K, T) = H_{512}(K^* \oplus \text{opad} | H_{512}(K^* \oplus \text{ipad} | T)), \quad (2)$$

где в байтовом представлении

$$\begin{aligned} \text{ipad} &= (0x36 | 0x36 | \dots | 0x36) \in V_8^{64}, \\ \text{opad} &= (0x5C | 0x5C | \dots | 0x5C) \in V_8^{64}. \end{aligned}$$

Данный алгоритм использует  $H_{512}$  в качестве хэш-функции в конструкции HMAC, описанной в [1]. Указанный способ формирования  $\text{ipad}$  и  $\text{opad}$  приведен также в [1]. Длина выхода  $HMAC_{512}$  равна 64 байтам, длина блока итерационной процедуры функции сжатия для  $H_{512}$  равна 64 байтам (в обозначениях [1]:  $L = 64$ ,  $B = 64$ ).

## 4.2 Псевдослучайные функции

В настоящем подразделе определены шесть рекомендуемых к использованию преобразований PRF – два для протокола TLS и четыре для протокола IPsec, построенных на основе HMAC.

### 4.2.1 Псевдослучайные функции протокола TLS

#### 4.2.1.1 PRF\_TLS\_GOSTR3411\_2012\_256

Преобразование  $PRF\_TLS\_GOSTR3411\_2012\_256$  на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 256 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), задает псевдослучайную функцию протокола TLS (версии 1.0 и выше), использующую алгоритм  $HMAC\_GOSTR3411\_2012\_256$ , описанный в 4.1.1. Результатом работы данного преобразования является значение функции  $PRF_{TLS\_256}$ , аргументами которой являются байтовые строки  $\text{secret}$ ,  $\text{label}$ ,  $\text{seed}$ .

$$PRF_{TLS_{256}}(\text{secret}, \text{label}, \text{seed}) = P_{256}(\text{secret}, \text{label} | \text{seed}); \quad (3)$$

$$P_{256}(secret, S) = HMAC_{256}(secret, A_1 | S) | HMAC_{256}(secret, A_2 | S) | \dots, \quad (4)$$

где параметры  $A_i$  определяют последовательно следующим образом:

$$\begin{aligned} A_0 &= S, \\ A_i &= HMAC_{256}(secret, A_{i-1}), \end{aligned} \quad (5)$$

где индекс  $i$  изменяется в пределах, обеспечивающих выработку последовательности требуемой длины, определяемой протоколом.

Значения параметров  $label$  и  $seed$  должны задаваться протоколом, их длины должны быть фиксированы протоколом.

Функция  $P_{256}$  использует функцию  $HMAC_{256}$ , описанную в 4.1.1, и соответствует способу задания аргументов и выходного значения функции расширения данных  $P\_hash$ , приведенному в разделе 5 [2] и использованному позднее в [5].

#### 4.2.1.2 PRF\_TLS\_GOSTR3411\_2012\_512

Преобразование PRF\_TLS\_GOSTR3411\_2012\_512 на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 512 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), задает псевдослучайную функцию протокола TLS (версии 1.0 и выше), использующую алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_512, описанный в 4.1.2. Результатом работы данного преобразования является значение функции  $PRF_{TLS\_512}$ , аргументами которой являются байтовые строки  $secret$ ,  $label$ ,  $seed$ .

$$PRF_{TLS\_512}(secret, label, seed) = P_{512}(secret, label | seed); \quad (6)$$

$$P_{512}(secret, S) = HMAC_{512}(secret, A_1 | S) | HMAC_{512}(secret, A_2 | S) | \dots, \quad (7)$$

где параметры  $A_i$  определяют последовательно следующим образом:

$$\begin{aligned} A_0 &= S, \\ A_i &= HMAC_{512}(secret, A_{i-1}), \end{aligned} \quad (8)$$

где индекс  $i$  изменяется в пределах, обеспечивающих выработку последовательности требуемой длины, определяемой протоколом.

Значения параметров  $label$  и  $seed$  должны задаваться протоколом, их длины должны быть фиксированы протоколом.

Функция  $P_{512}$  использует функцию  $HMAC_{512}$ , описанную в 4.1.2, и соответствует способу задания аргументов и выходного значения функции расширения данных  $P\_hash$ , приведенному в разделе 5 [2] и использованному позднее в [5].

## 4.2.2 Псевдослучайные функции протокола IPsec на основе ГОСТ Р 34.11, 256 бит

### 4.2.2.1 PRF\_IPSEC\_KEYMAT\_GOSTR3411\_2012\_256

Преобразование PRF\_IPSEC\_KEYMAT\_GOSTR3411\_2012\_256 на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 256 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), задает псевдослучайную функцию выработки ключевого материала протокола IPsec, использующую алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_256, описанный в 4.1.1. Результатом работы данного преобразования является значение функции  $PRF_{IPSEC\_KEYMAT\_256}$ , аргументами которой являются байтовые строки  $K$  и  $S$ .

$$PRF_{IPSEC\_KEYMAT\_256}(K, S) = T_1 | T_2 | T_3 | \dots, \quad (9)$$

где параметры  $T_i$  определяют последовательно следующим образом:

$$\begin{aligned} T_1 &= HMAC_{256}(K, S), \\ T_i &= HMAC_{256}(K, T_{i-1} | S), \end{aligned} \quad (10)$$

где индекс  $i$  изменяется в пределах, обеспечивающих выработку последовательности требуемой длины, определяемой протоколом.

Функция  $PRF_{IPSEC\_KEYMAT\_256}(K, S)$  использует функцию  $HMAC_{256}$ , описанную в 4.1.1, и по схеме задания аргументов в итерациях аналогична функции  $KEYMAT$  в [3].

### 4.2.2.2 PRF\_IPSEC\_PRFPLUS\_GOSTR3411\_2012\_256

Преобразование PRF\_IPSEC\_PRFPLUS\_GOSTR3411\_2012\_256 на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 256 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), задает псевдослучайную функцию выработки ключевого материала протокола IPsec, использующую алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_256, описанный в 4.1.1. Результатом работы данного преобразования является значение функции  $PRF_{IPSEC\_PRFPLUS\_256}$ , аргументами которой являются байтовые строки  $K$  и  $S$ .

$$PRF_{IPSEC\_PRFPLUS\_256}(K, S) = T_1 | T_2 | T_3 | \dots, \quad (11)$$

где параметры  $T_i$  определяют последовательно следующим образом:

$$\begin{aligned} T_1 &= HMAC_{256}(K, S | 0x01), \\ T_i &= HMAC_{256}(K, T_{i-1} | S | i), \end{aligned} \quad (12)$$

где индекс  $i$  изменяется в пределах, обеспечивающих выработку последовательности требуемой длины, определяемой протоколом и не превышающей  $255 \times 256$  бит, что соответствует выходной последовательности  $T_1 | T_2 | T_3 | \dots | T_{255}$ .

Функция  $PRF_{IPSEC\_PRFPLUS\_256}$  использует функцию  $HMAC_{256}$ , описанную в 4.1.1, и по схеме задания аргументов в итерациях аналогична функции  $prf+$  в [6].

### 4.2.3 Псевдослучайные функции протокола IPsec на основе ГОСТ Р 34.11, 512 бит

#### 4.2.3.1 PRF\_IPSEC\_KEYMAT\_GOSTR3411\_2012\_512

Преобразование PRF\_IPSEC\_KEYMAT\_GOSTR3411\_2012\_512 на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 512 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), задает псевдослучайную функцию выработки ключевого материала протокола IPsec, использующую алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_512, описанный в 4.1.2. Результатом работы данного преобразования является значение функции  $PRF_{IPSEC\_KEYMAT\_512}$ , аргументами которой являются байтовые строки  $K$  и  $S$ .

$$PRF_{IPSEC\_KEYMAT\_512}(K, S) = T_1 | T_2 | T_3 | \dots, \quad (13)$$

где параметры  $T_i$  определяют последовательно следующим образом:

$$\begin{aligned} T_1 &= HMAC_{512}(K, S), \\ T_i &= HMAC_{512}(K, T_{i-1} | S), \end{aligned} \quad (14)$$

где индекс  $i$  изменяется в пределах, обеспечивающих выработку последовательности требуемой длины, определяемой протоколом.

Функция  $PRF_{IPSEC\_KEYMAT\_512}(K, S)$  использует функцию  $HMAC_{512}$ , описанную в 4.1.2, и по схеме задания аргументов в итерациях аналогична функции  $KEYMAT$  в [3].

#### 4.2.3.2 PRF\_IPSEC\_PRFPLUS\_GOSTR3411\_2012\_512

Преобразование PRF\_IPSEC\_PRFPLUS\_GOSTR3411\_2012\_512 на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 512 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), задает псевдослучайную функцию выработки ключевого материала протокола IPsec, использующую алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_512, описанный в 4.1.2. Результатом работы данного преобразования является значение функции  $PRF_{IPSEC\_PRFPLUS\_512}$ , аргументами которой являются байтовые строки  $K$  и  $S$ .

$$PRF_{IPSEC\_PRFPLUS\_512}(K, S) = T_1 | T_2 | T_3 | \dots, \quad (11)$$

где параметры  $T_i$  определяют последовательно следующим образом:

$$\begin{aligned} T_1 &= HMAC_{512}(K, S | 0x01), \\ T_i &= HMAC_{512}(K, T_{i-1} | S | i), \end{aligned} \quad (12)$$

где индекс  $i$  изменяется в пределах, обеспечивающих выработку последовательности требуемой длины, определяемой протоколом и не превышающей  $255 \times 512$  бит, что соответствует выходной последовательности  $T_1 | T_2 | T_3 | \dots | T_{255}$ .

Функция  $PRF_{IPSEC\_PRFPLUS\_512}$  использует функцию  $HMAC_{512}$ , описанную в 4.1.2, и по схеме задания аргументов в итерациях аналогична функции  $prf+$  в [6].

## 4.3 Алгоритмы согласования ключей VKO

В настоящем подразделе определены алгоритмы согласования с использованием ключей, определенных в соответствии с ГОСТ Р 34.10–2012 (раздел 5).

### 4.3.1 VKO\_GOSTR3410\_2012\_256

VKO\_GOSTR3410\_2012\_256 является алгоритмом согласования ключей VKO с длиной 256 бит на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 256 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8). Алгоритм можно выполнять с использованием ключей, определенных в соответствии с ГОСТ Р 34.10–2012 (раздел 5), длиной 256 и 512 бит.

Данный алгоритм предназначен для получения ключа шифрования либо ключевого материала длины 256 бит, далее используемых в криптографических протоколах. Ключ либо ключевой материал, обозначаемые  $KEK_{VKO}(x, y, UKM)$ , вырабатываются стороной обмена из своего закрытого ключа  $x$ , открытого ключа  $y \cdot P$  противоположной стороны и величины  $UKM$ , рассматриваемой как число.

Алгоритм можно использовать как для статических, так и для эфемерных ключей сторон при битовой длине открытого ключа  $n$ , где  $n \geq 512$ , в том числе и для случая, когда ключи одной из сторон являются статическими, а другой – эфемерными.

$UKM$  используют опционально (иначе величина  $UKM$  полагается равной 1) и принимает значение от 1 до  $2^{n/2} - 1$ . Допускается осуществлять выбор ненулевого значения  $UKM$  любой битовой длины, не превосходящей  $n/2$ . Использование  $UKM$  с битовой длиной не менее 64 рекомендуется в том случае, когда ключи хотя бы одной из сторон являются статическими.

$$K(x, y, UKM) = (m/q \cdot UKM \cdot x \bmod q) \cdot (y \cdot P), \quad (17)$$

где  $m$  и  $q$  – параметры используемой эллиптической кривой, соответствующие обозначениям, принятым в разделе 5 ГОСТ Р 34.10–2012 ( $m$  – порядок группы точек эллиптической кривой,  $q$  – порядок циклической подгруппы),  $P$  – ненулевая точка подгруппы;  $P$  задается протоколом.

$$KEK_{VKO}(x, y, UKM) = H_{256}(K(x, y, UKM)). \quad (18)$$

Данный алгоритм определяют по аналогии с подразделом 5.2 в [4], используя вместо хэш-функции  $h$ , определенной в ГОСТ Р 34.11–94 (раздел 6, обозначена в [4] как  $gostR3411$ ), хэш-функцию  $H_{256}$  и вычисляя  $K(x, y, UKM)$  при длинах открытых ключей  $n \geq 512$  бит и длине  $UKM$  – до  $n/2$  бит.

### 4.3.2 VKO\_GOSTR3410\_2012\_512

VKO\_GOSTR3410\_2012\_512 является алгоритмом согласования ключей VKO с длиной 512 бит на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 512 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8). Алгоритм можно выполнять с использованием ключей, определенных в соответствии с ГОСТ Р 34.10–2012 (раздел 5), длиной 512 бит.

Данный алгоритм предназначен для получения ключа шифрования либо ключевого материала длины 512 бит, далее используемых в криптографических протоколах. Ключ либо ключевой материал, обозначаемые  $KEK_{VKO}(x, y, UKM)$ ,

вырабатываются стороной обмена из своего закрытого ключа  $x$ , открытого ключа  $y \cdot P$  противоположной стороны и величины  $UKM$ , рассматриваемой как число.

Алгоритм можно использовать как для статических, так и для эфемерных ключей сторон при битовой длине открытого ключа  $n$ , где  $n \geq 1024$ , в том числе и для случая, когда ключи одной из сторон являются статическими, а другой – эфемерными.

$UKM$  используется опционально (иначе величина  $UKM$  полагается равной 1) и принимает значение от 1 до  $2^{n/2} - 1$ . Допускается осуществлять выбор ненулевого значения  $UKM$  любой битовой длины, не превосходящей  $n/2$ . Использование  $UKM$  с битовой длиной не менее 128 рекомендуется в случае, когда ключи хотя бы одной из сторон являются статическими.

$$K(x, y, UKM) = (m/q \cdot UKM \cdot x \bmod q) \cdot (y \cdot P), \quad (19)$$

где  $m$  и  $q$  – параметры используемой эллиптической кривой, соответствующие обозначениям, принятым в разделе 5 ГОСТ Р 34.10–2012 ( $m$  – порядок группы точек эллиптической кривой,  $q$  – порядок циклической подгруппы),  $P$  – ненулевая точка подгруппы;  $P$  задается протоколом.

$$KEK_{VKO}(x, y, UKM) = H_{512}(K(x, y, UKM)). \quad (20)$$

Данный алгоритм определяют по аналогии с подразделом 5.2 в [4], используя вместо хэш-функции  $h$ , определенной в ГОСТ Р 34.11–94 (раздел 6, обозначена в [4] как  $gostR3411$ ), хэш-функцию  $H_{512}$  и вычисляя  $K(x, y, UKM)$  при длинах открытых ключей  $n \geq 1024$  бит и длине  $UKM$  – до  $n/2$  бит.

#### 4.4 Алгоритм диверсификации KDF\_GOSTR3411\_2012\_256

Алгоритм KDF\_GOSTR3411\_2012\_256 на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 256 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), задает функцию диверсификации для порождения ключевого материала длиной 256 бит, использующую алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_256, описанный в 4.1.1. Результатом работы данного алгоритма является значение функции  $KDF_{256}$ , аргументами которой являются байтовые строки  $K_{in}$ ,  $label$  и  $seed$ .

$$KDF_{256}(K_{in}, label, seed) = HMAC_{256}(K_{in}, 0x01 \parallel label \parallel 0x00 \parallel seed \parallel 0x01 \parallel 0x00), \quad (21)$$

где

$K_{in}$  – ключ диверсификации;

$label, seed$  – параметры, задаваемые протоколом, их длины должны быть фиксированы протоколом.

Алгоритм диверсификации KDF\_GOSTR3411\_2012\_256 является частным случаем алгоритма KDF\_TREE\_GOSTR3411\_2012\_256, описанной в следующем подразделе.

## 4.5 Алгоритм диверсификации KDF\_TREE\_GOSTR3411\_2012\_256

Алгоритм KDF\_TREE\_GOSTR3411\_2012\_256 на основе хэш-функции  $H$  с длиной выхода, равной 256 битам, определенной в ГОСТ Р 34.11–2012 (раздел 8), задает функцию диверсификации, использующую алгоритм HMAC\_GOSTR3411\_2012\_256, описанный в 4.1.1. Результатом работы данного алгоритма является значение функции  $KDF_{TREE\_256}$ , аргументами которой являются байтовые строки  $K_{in}$ ,  $label$ ,  $seed$  и  $R$ .

$$KDF_{TREE\_256}(K_{in}, label, seed, R) = K(1) | K(2) | K(3) | K(4) | \dots; \quad (22)$$

$$K(i) = HMAC_{256}(K_{in}, [i]_b | label | 0x00 | seed | [L]_b), \quad i \geq 1 \quad (23)$$

где

- $K_{in}$  – ключ диверсификации;
- $label, seed$  – параметры, задаваемые протоколом, их длины должны быть фиксированы протоколом;
- $R$  – внешний фиксируемый параметр, с возможными значениями 1, 2, 3, 4;
- $i$  – счетчик числа итераций;
- $[i]_b$  – байтовое представление счетчика числа итераций, количество байт в представлении  $[i]_b$  равно значению  $R$  (не более 4 байт), записывается в сетевом порядке байт;
- $L$  – необходимая битовая длина вырабатываемого ключевого материала (целое число), не превосходящее  $256 \cdot (2^{8R} - 1)$ ;
- $[L]_b$  – байтовое представление  $L$ , записывается в сетевом порядке минимально необходимого числа байт.

Алгоритм диверсификации KDF\_TREE\_GOSTR3411\_2012\_256 предназначен для порождения ключевого материала длины  $L$ , не превосходящей  $256 \cdot (2^{8R} - 1)$  бит, и использует общие принципы задания входных параметров и выхода для функций диверсификации, изложенные в 5.1 [7]. В качестве псевдослучайной функции выбрана функция  $HMAC_{256}$ , описанная в 4.1.1.

Если  $R = 1$  и  $L = 256$ , то алгоритм KDF\_TREE\_GOSTR3411\_2012\_256 совпадает с алгоритмом KDF\_GOSTR3411\_2012\_256 из предыдущего подраздела.

Каждый ключ, последовательно полученный из ключевого материала, сформированного с помощью ключа диверсификации  $K_{in}$  – ключа 0-го уровня, можно затем рассматривать как ключ диверсификации 1-го уровня и также использовать для генерации ключевого материала. Ключевой материал, полученный из ключа диверсификации 1-го уровня, может быть разбит на ключи диверсификации 2-го уровня. Применение данной процедуры приводит к построению ключевого дерева с корневым ключом  $K_{in}$  и формированию ключевого материала с иерархией по уровням, как описано

в разделе 6 [7]. Процедура разбиения ключевого материала на каждом уровне определена в протоколах.

#### 4.6 Экспорт и импорт ключей

При экспорте секретного ключа  $K$  с использованием заданного ключа экспорта  $K_e$  и случайного набора  $seed$  длины от 8 до 16 байт формируется экспортное представление ключа  $K$  по следующей схеме:

1) Порождается случайный набор  $seed$ .

2) С помощью функции диверсификации, использующей в качестве ключа диверсификации ключ экспорта  $K_e$ , производится формирование ключа  $KEK_e(seed)$ :

$$KEK_e(seed) = KDF_{256}(K_e, label, seed), \quad (24)$$

где в качестве функции диверсификации использована функция  $KDF_{256}$ , описанная в 4.4, при фиксированном значении

$$label = (0x26 | 0xBD | 0xB8 | 0x78).$$

3) Вычисляется значение имитовставки в соответствии с разделом 5 ГОСТ 28147–89 длины 4 байта от данных  $K$  на ключе  $KEK_e(seed)$ , синхроросылка при этом полагается равной первым 8 байтам  $seed$ . Полученный набор обозначается через  $CEK\_MAC$ .

4) Ключ  $K$  зашифровывается в соответствии с разделом 2 ГОСТ 28147–89 в режиме простой замены с использованием ключа  $KEK_e(seed)$ . Результат зашифрования обозначается через  $CEK\_ENC$ .

5) Экспортным представлением ключа полагается набор  $(seed | CEK\_ENC | CEK\_MAC)$ .

При импорте ключа по экспортному представлению ключа и ключу экспорта  $K_e$  восстанавливается ключ  $K$  по следующей схеме:

1) Из экспортного представления ключа выделяются наборы  $seed$ ,  $CEK\_ENC$  и  $CEK\_MAC$ .

2) С помощью функции диверсификации, использующей в качестве ключа диверсификации ключ экспорта  $K_e$ , производится формирование ключа, обозначаемого  $KEK_e(seed)$ :

$$KEK_e(seed) = KDF_{256}(K_e, label, seed), \quad (25)$$

где в качестве функции диверсификации использована функция  $KDF_{256}$ , описанная в 4.4, при фиксированном значении

$$label = (0x26 | 0xBD | 0xB8 | 0x78).$$

3) Набор *CEK\_ENC* расшифровывается в соответствии с разделом 2 по алгоритму ГОСТ 28147–89 в режиме простой замены с использованием ключа  $KEK_e(seed)$ . Ключ  $K$  полагается равным результату расшифрования.

4) Вычисляется значение имитовставки в соответствии с разделом 5 ГОСТ 28147–89 длины 4 байта от данных  $K$  на ключе  $KEK_e(seed)$ , синхропосылка при этом полагается равной первым 8 байтам  $seed$ . Если результат отличен от *CEK\_MAC*, возвращается ошибка.

Данные алгоритмы экспорта и импорта ключей являются модификациями алгоритмов CryptoPro Key Wrap и CryptoPro Key Unwrap, описанных в 6.3 и 6.4 [4].

## Приложение А (справочное)

### Контрольные примеры

Данное приложение носит справочный характер и не является частью настоящих рекомендаций.

1) HMAC\_GOSTR3411\_2012\_256

Ключ  $K$ :

00 01 02 03 04 05 06 07 08 09 0a 0b 0c 0d 0e 0f  
10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 1a 1b 1c 1d 1e 1f

Данные  $T$ :

01 26 bd b8 78 00 af 21 43 41 45 65 63 78 01 00

Значение  $HMAC_{256}(K, T)$ :

a1 aa 5f 7d e4 02 d7 b3 d3 23 f2 99 1c 8d 45 34  
01 31 37 01 0a 83 75 4f d0 af 6d 7c d4 92 2e d9

2) HMAC\_GOSTR3411\_2012\_512

Ключ  $K$ :

00 01 02 03 04 05 06 07 08 09 0a 0b 0c 0d 0e 0f  
10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 1a 1b 1c 1d 1e 1f

Данные  $T$ :

01 26 bd b8 78 00 af 21 43 41 45 65 63 78 01 00

Значение  $HMAC_{512}(K, T)$ :

a5 9b ab 22 ec ae 19 c6 5f bd e6 e5 f4 e9 f5 d8  
54 9d 31 f0 37 f9 df 9b 90 55 00 e1 71 92 3a 77  
3d 5f 15 30 f2 ed 7e 96 4c b2 ee dc 29 e9 ad 2f  
3a fe 93 b2 81 4f 79 f5 00 0f fc 03 66 c2 51 e6

3) PRF\_TLS\_GOSTR3411\_2012\_256

Ключ  $K$ :

00 01 02 03 04 05 06 07 08 09 0a 0b 0c 0d 0e 0f

10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 1a 1b 1c 1d 1e 1f

Данные *seed*:

18 47 1d 62 2d c6 55 c4 d2 d2 26 96 91 ca 4a 56  
0b 50 ab a6 63 55 3a f2 41 f1 ad a8 82 c9 f2 9a

Данные *label*:

11 22 33 44 55

Выход  $T_1$ :

ff 09 66 4a 44 74 58 65 94 4f 83 9e bb 48 96 5f  
15 44 ff 1c c8 e8 f1 6f 24 7e e5 f8 a9 eb e9 7f

Выход  $T_2$ :

c4 e3 c7 90 0e 46 ca d3 db 6a 01 64 30 63 04 0e  
c6 7f c0 fd 5c d9 f9 04 65 23 52 37 bd ff 2c 02

4) PRF\_TLS\_GOSTR3411\_2012\_512

Ключ  $K$ :

00 01 02 03 04 05 06 07 08 09 0a 0b 0c 0d 0e 0f  
10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 1a 1b 1c 1d 1e 1f

Данные *seed*:

18 47 1d 62 2d c6 55 c4 d2 d2 26 96 91 ca 4a 56  
0b 50 ab a6 63 55 3a f2 41 f1 ad a8 82 c9 f2 9a

Данные *label*:

11 22 33 44 55

Выход  $T_1$ :

f3 51 87 a3 dc 96 55 11 3a 0e 84 d0 6f d7 52 6c  
5f c1 fb de c1 a0 e4 67 3d d6 d7 9d 0b 92 0e 65  
ad 1b c4 7b b0 83 b3 85 1c b7 cd 8e 7e 6a 91 1a  
62 6c f0 2b 29 e9 e4 a5 8e d7 66 a4 49 a7 29 6d

Выход  $T_2$ :

e6 1a 7a 26 c4 d1 ca ee cf d8 0c ca 65 c7 1f 0f  
88 c1 f8 22 c0 e8 c0 ad 94 9d 03 fe e1 39 57 9f  
72 ba 0c 3d 32 c5 f9 54 f1 cc cd 54 08 1f c7 44  
02 78 cb a1 fe 7b 7a 17 a9 86 fd ff 5b d1 5d 1f

5) PRF\_IPSEC\_KEYMAT\_GOSTR3411\_2012\_256

Ключ  $K$ :

c9 a9 a7 73 20 e2 cc 55 9e d7 2d ce 6f 47 e2 19  
2c ce a9 5f a6 48 67 05 82 c0 54 c0 ef 36 c2 21

Данные  $S$ :

01 26 bd b8 78 00 1d 80 60 3c 85 44 c7 27 01 00

Выход  $T_1$ :

21 01 d8 0c 47 db 54 bc 3c 82 9b 8c 30 7c 47 55  
50 88 83 a6 d6 9e 60 1b f7 aa fb 0a bc a4 ed 95

Выход  $T_2$ :

33 b8 4e d0 8f 93 56 f8 1d f8 d2 79 f0 79 c9 02  
87 cb 45 2c 81 d4 1e 80 38 43 08 86 c1 92 12 aa

6) PRF\_IPSEC\_PRFPLUS\_GOSTR3411\_2012\_256

Ключ  $K$ :

c9 a9 a7 73 20 e2 cc 55 9e d7 2d ce 6f 47 e2 19  
2c ce a9 5f a6 48 67 05 82 c0 54 c0 ef 36 c2 21

Данные  $S$ :

01 26 bd b8 78 00 1d 80 60 3c 85 44 c7 27 01 00

Выход  $T_1$ :

2d e5 ee 84 e1 3d 7b e5 36 16 67 39 13 37 0a b0  
54 c0 74 b7 9b 69 a8 a8 46 82 a9 f0 4f ec d5 87

Выход  $T_2$ :

29 f6 0d da 45 7b f2 19 aa 2e f9 5d 7a 59 be 95  
4d e0 08 f4 a5 0d 50 4d bd b6 90 be 68 06 01 53

7) PRF\_IPSEC\_KEYMAT\_GOSTR3411\_2012\_512

Ключ  $K$ :

c9 a9 a7 73 20 e2 cc 55 9e d7 2d ce 6f 47 e2 19  
2c ce a9 5f a6 48 67 05 82 c0 54 c0 ef 36 c2 21

Данные  $S$ :

01 26 bd b8 78 00 1d 80 60 3c 85 44 c7 27 01 00

Выход  $T_1$ :

b9 55 5b 29 91 75 4b 37 9d a6 8e 60 98 f5 b6 0e  
df 91 8a 56 20 4b ff f3 a8 37 6d 1f 57 ed b2 34  
a5 12 32 81 23 cd 6c 03 0b 54 14 2e 1e c7 78 2b  
03 00 be a5 7c c2 a1 4c a3 b4 f0 85 a4 5c d6 ca

Выход  $T_2$ :

37 b1 e0 86 52 43 a4 fb 29 14 8d 27 4d 30 63 fc  
bf b0 f2 f4 68 d5 27 e4 3b ca 41 fa 6b b5 3e c8  
df 21 bf c4 62 3a 2e 76 8b 64 54 03 3e 09 52 32  
d1 8c 86 a6 8f 00 98 d3 31 81 75 f6 59 05 ae db

8) PRF\_IPSEC\_PRFPLUS\_GOSTR3411\_2012\_512

Ключ  $K$ :

c9 a9 a7 73 20 e2 cc 55 9e d7 2d ce 6f 47 e2 19  
2c ce a9 5f a6 48 67 05 82 c0 54 c0 ef 36 c2 21

Данные  $S$ :

01 26 bd b8 78 00 1d 80 60 3c 85 44 c7 27 01 00

Выход  $T_1$ :

5d a6 71 43 a5 f1 2a 6d 6e 47 42 59 6f 39 24 3f  
cc 61 57 45 91 5b 32 59 10 06 ff 78 a2 08 63 d5  
f8 8e 4a fc 17 fb be 70 b9 50 95 73 db 00 5e 96  
26 36 98 46 cb 86 19 99 71 6c 16 5d d0 6a 15 85

Выход  $T_2$ :

48 34 49 5a 43 74 6c b5 3f 0a ba 3b c4 6e bc f8  
77 3c a6 4a d3 43 c1 22 ee 2a 57 75 57 03 81 57  
ee 9c 38 8d 96 ef 71 d5 8b e5 c1 ef a1 af a9 5e  
be 83 e3 9d 00 e1 9a 5d 03 dc d6 0a 01 bc a8 e3

9) VKO\_GOSTR3410\_2012\_256 с выходом 256 на ключах ГОСТ Р 34.10–2012, 512 бит, на параметрах id-tc26-gost-3410-12-512-paramSetA  
Величина *UKM*:

1d 80 60 3c 85 44 c7 27

Закрытый ключ  $x$  стороны *A*:

c9 90 ec d9 72 fc e8 4e c4 db 02 27 78 f5 0f ca  
c7 26 f4 67 08 38 4b 8d 45 83 04 96 2d 71 47 f8  
c2 db 41 ce f2 2c 90 b1 02 f2 96 84 04 f9 b9 be  
6d 47 c7 96 92 d8 18 26 b3 2b 8d ac a4 3c b6 67

Открытый ключ  $x \cdot P$  стороны *A* (точка кривой  $(X, Y)$ ):

aa b0 ed a4 ab ff 21 20 8d 18 79 9f b9 a8 55 66  
54 ba 78 30 70 eb a1 0c b9 ab b2 53 ec 56 dc f5  
d3 cc ba 61 92 e4 64 e6 e5 bc b6 de a1 37 79 2f  
24 31 f6 c8 97 eb 1b 3c 0c c1 43 27 b1 ad c0 a7  
91 46 13 a3 07 4e 36 3a ed b2 04 d3 8d 35 63 97  
1b d8 75 8e 87 8c 9d b1 14 03 72 1b 48 00 2d 38  
46 1f 92 47 2d 40 ea 92 f9 95 8c 0f fa 4c 93 75  
64 01 b9 7f 89 fd be 0b 5e 46 e4 a4 63 1c db 5a

Закрытый ключ  $y$  стороны *B*:

48 c8 59 f7 b6 f1 15 85 88 7c c0 5e c6 ef 13 90  
cf ea 73 9b 1a 18 c0 d4 66 22 93 ef 63 b7 9e 3b  
80 14 07 0b 44 91 85 90 b4 b9 96 ac fe a4 ed fb  
bb cc cc 8c 06 ed d8 bf 5b da 92 a5 13 92 d0 db

Открытый ключ  $y \cdot P$  стороны *B* (точка кривой  $(X, Y)$ ):

19 2f e1 83 b9 71 3a 07 72 53 c7 2c 87 35 de 2e  
a4 2a 3d bc 66 ea 31 78 38 b6 5f a3 25 23 cd 5e  
fc a9 74 ed a7 c8 63 f4 95 4d 11 47 f1 f2 b2 5c  
39 5f ce 1c 12 91 75 e8 76 d1 32 e9 4e d5 a6 51  
04 88 3b 41 4c 9b 59 2e c4 dc 84 82 6f 07 d0 b6  
d9 00 6d da 17 6c e4 8c 39 1e 3f 97 d1 02 e0 3b

b5 98 bf 13 2a 22 8a 45 f7 20 1a ba 08 fc 52 4a  
2d 77 e4 3a 36 2a b0 22 ad 40 28 f7 5b de 3b 79

Значение  $KEK_{VKO}$ :

c9 a9 a7 73 20 e2 cc 55 9e d7 2d ce 6f 47 e2 19  
2c ce a9 5f a6 48 67 05 82 c0 54 c0 ef 36 c2 21

10) VKO\_GOSTR3410\_2012\_512 с выходом 512 на ключах ГОСТ Р 34.10–2012, 512 бит,  
на параметрах id-tc26-gost-3410-12-512-paramSetA

Величина  $UKM$ :

1d 80 60 3c 85 44 c7 27

Закрытый ключ  $x$  стороны  $A$ :

c9 90 ec d9 72 fc e8 4e c4 db 02 27 78 f5 0f ca  
c7 26 f4 67 08 38 4b 8d 45 83 04 96 2d 71 47 f8  
c2 db 41 ce f2 2c 90 b1 02 f2 96 84 04 f9 b9 be  
6d 47 c7 96 92 d8 18 26 b3 2b 8d ac a4 3c b6 67

Открытый ключ  $x \cdot P$  стороны  $A$  (точка кривой  $(X, Y)$ ):

aa b0 ed a4 ab ff 21 20 8d 18 79 9f b9 a8 55 66  
54 ba 78 30 70 eb a1 0c b9 ab b2 53 ec 56 dc f5  
d3 cc ba 61 92 e4 64 e6 e5 bc b6 de a1 37 79 2f  
24 31 f6 c8 97 eb 1b 3c 0c c1 43 27 b1 ad c0 a7  
91 46 13 a3 07 4e 36 3a ed b2 04 d3 8d 35 63 97  
1b d8 75 8e 87 8c 9d b1 14 03 72 1b 48 00 2d 38  
46 1f 92 47 2d 40 ea 92 f9 95 8c 0f fa 4c 93 75  
64 01 b9 7f 89 fd be 0b 5e 46 e4 a4 63 1c db 5a

Закрытый ключ  $y$  стороны  $B$ :

48 c8 59 f7 b6 f1 15 85 88 7c c0 5e c6 ef 13 90  
cf ea 73 9b 1a 18 c0 d4 66 22 93 ef 63 b7 9e 3b  
80 14 07 0b 44 91 85 90 b4 b9 96 ac fe a4 ed fb  
bb cc cc 8c 06 ed d8 bf 5b da 92 a5 13 92 d0 db

Открытый ключ  $y \cdot P$  стороны  $B$  (точка кривой  $(X, Y)$ ):

19 2f e1 83 b9 71 3a 07 72 53 c7 2c 87 35 de 2e  
a4 2a 3d bc 66 ea 31 78 38 b6 5f a3 25 23 cd 5e  
fc a9 74 ed a7 c8 63 f4 95 4d 11 47 f1 f2 b2 5c

**P 50.1.113—2016**

39 5f ce 1c 12 91 75 e8 76 d1 32 e9 4e d5 a6 51  
04 88 3b 41 4c 9b 59 2e c4 dc 84 82 6f 07 d0 b6  
d9 00 6d da 17 6c e4 8c 39 1e 3f 97 d1 02 e0 3b  
b5 98 bf 13 2a 22 8a 45 f7 20 1a ba 08 fc 52 4a  
2d 77 e4 3a 36 2a b0 22 ad 40 28 f7 5b de 3b 79

Значение  $KEK_{VKO}$ :

79 f0 02 a9 69 40 ce 7b de 32 59 a5 2e 01 52 97  
ad aa d8 45 97 a0 d2 05 b5 0e 3e 17 19 f9 7b fa  
7e e1 d2 66 1f a9 97 9a 5a a2 35 b5 58 a7 e6 d9  
f8 8f 98 2d d6 3f c3 5a 8e c0 dd 5e 24 2d 3b df

11) Алгоритм диверсификации KDF\_GOSTR3411\_2012\_256:

Ключ  $K_{in}$ :

00 01 02 03 04 05 06 07 08 09 0a 0b 0c 0d 0e 0f  
10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 1a 1b 1c 1d 1e 1f

*label*:

26 bd b8 78

*seed*:

af 21 43 41 45 65 63 78

Значение  $KDF_{256}(K_{in}, label, seed)$ :

a1 aa 5f 7d e4 02 d7 b3 d3 23 f2 99 1c 8d 45 34  
01 31 37 01 0a 83 75 4f d0 af 6d 7c d4 92 2e d9

12) Алгоритм диверсификации KDF\_TREE\_GOSTR3411\_2012\_256

Длина выхода  $L$ :

512

Ключ  $K_{in}$ :

00 01 02 03 04 05 06 07 08 09 0a 0b 0c 0d 0e 0f  
10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 1a 1b 1c 1d 1e 1f

*label*:

26 bd b8 78

*seed*:

af 21 43 41 45 65 63 78

Значение  $K_1$ :

22 b6 83 78 45 c6 be f6 5e a7 16 72 b2 65 83 10  
86 d3 c7 6a eb e6 da e9 1c ad 51 d8 3f 79 d1 6b

Значение  $K_2$ :

07 4c 93 30 59 9d 7f 8d 71 2f ca 54 39 2f 4d dd  
e9 37 51 20 6b 35 84 c8 f4 3f 9e 6d c5 15 31 f9

Значение параметра  $R$ :

1

13) Экспорт и импорт ключей на параметрах `szOID_Gost28147_89_TC26_Z_ParamSet`  
Ключ  $K_e$ :

00 01 02 03 04 05 06 07 08 09 0a 0b 0c 0d 0e 0f  
10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 1a 1b 1c 1d 1e 1f

Ключ  $K$ :

20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 2a 2b 2c 2d 2e 2f  
30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 3a 3b 3c 3d 3e 3f

Величина *seed*:

af 21 43 41 45 65 63 78

*label*:

26 bd b8 78

$KEK_e(seed) = KDF_{256}(K_e, label, seed)$ :

a1 aa 5f 7d e4 02 d7 b3 d3 23 f2 99 1c 8d 45 34  
01 31 37 01 0a 83 75 4f d0 af 6d 7c d4 92 2e d9

*CEK\_MAC*:

be 33 f0 52

*CEK\_ENC:*

d1 55 47 f8 ee 85 12 1b c8 7d 4b 10 27 d2 60 27  
ec c0 71 bb a6 e7 2f 3f ec 6f 62 0f 56 83 4c 5a

## Библиография

- [1] RFC2104 Х. Кравчик, М. Белларе и Р. Канетти «HMAC: ключевое хэширование для проверки подлинности сообщений» (H. Krawczyk, M. Bellare and R. Canetti, HMAC: Keyed-Hashing for Message Authentication, Informational, IETF RFC 2104, February 1997)
- [2] RFC2246 К. Аллен, Т. Диркс «Протокол TLS – Transport Layer Security – версия 1.0» (C. Allen, T. Dierks, The TLS Protocol Version 1.0, Standards Track, IETF RFC 2246, January 1999)
- [3] RFC2409 Д. Харкинс, Д. Каррел «Протокол обмена ключами в сети Интернет (IKE)» (Harkins, D. and D. Carrel, The Internet Key Exchange (IKE), Standards Track, IETF RFC 2409, November 1998)
- [4] RFC4357 В. Попов, И. Курепкин, С. Леонтьев «Дополнительные алгоритмы шифрования для использования с алгоритмами по ГОСТ 28147–89, ГОСТ Р 34.10–94, ГОСТ Р 34.10–2001 и ГОСТ Р 34.11–94» (Popov V., Kurepkin I. and S. Leontiev, Additional Cryptographic Algorithms for Use with GOST 28147–89, GOST R 34.10–94, GOST R 34.10–2001, and GOST R 34.11–94 Algorithms, Informational, IETF RFC 4357, January 2006)
- [5] RFC5246 Т. Диркс, Е. Рескорла «Протокол TLS – Transport Layer Security – версия 1.0» (T. Dierks, E. Rescorla, The Transport Layer Security (TLS) Protocol Version 1.2, Standards Track, IETF RFC 5246, August 2008)
- [6] RFC7296 С. Кауфман, П. Хофман, Й. Нир, П. Еронен «Протокол обмена ключами в сети Интернет, версия 2 (IKEv2)» (Kaufman C., Hoffman P., Nir Y., and P. Eronen, Internet Key Exchange Protocol Version 2 (IKEv2), Standards Track, IETF RFC 7296, October 2014)
- [7] NIST SP 800-108 Лили Чен «Рекомендации по получению производных ключей с использованием псевдослучайных функций», Национальный институт стандартов и технологий США (Lily Chen, Recommendation for Key Derivation Using Pseudorandom Functions, National Institute of Standards and Technology (NIST) Special Publication 800-108, October 2009)

УДК 681.3.06:006.354

ОКС 35. 040

ОКСТУ 5002

П85

Ключевые слова: криптографическая защита информации, криптографические алгоритмы, ключ

---